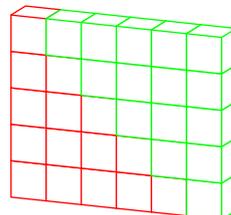
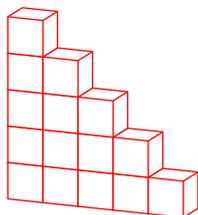


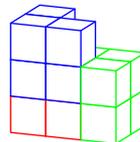
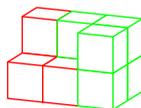
## 1 Плоская задача



Вывод:  $2(1 + \dots + n) = n(n + 1)$ .

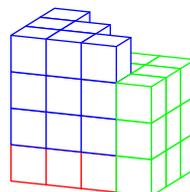
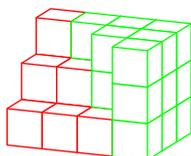
## 2 Объемная задача

Начать лучше с первого нетривиального случая —  $n = 2$ .

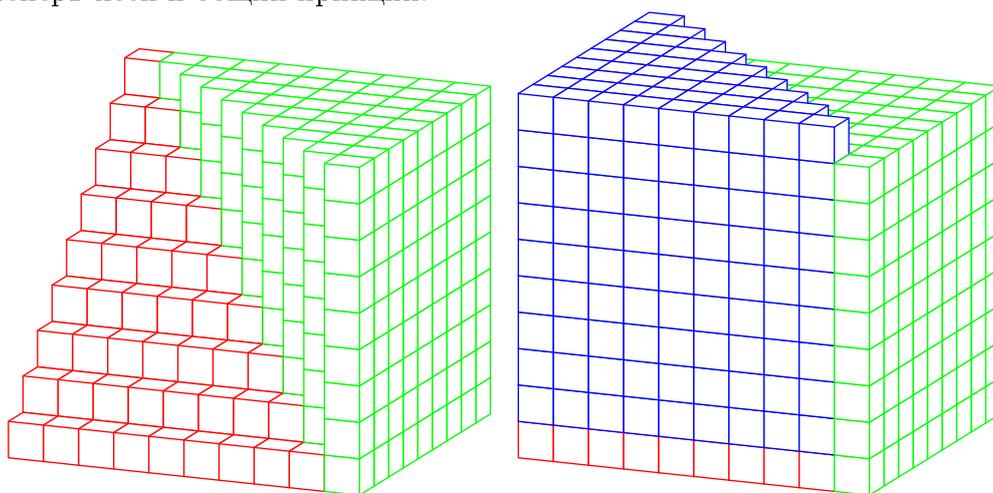


Две последние фигурки (из трех пирамидок каждая) складываются в параллелепипед  $2 \times 3 \times 5$ .

Более поучителен случай  $n = 3$ .



Теперь ясен и общий принцип.



Вывод:  $6(1^2 + \dots + n^2) = n(n + 1)(2n + 1)$ .