# Четность.

- 1. Вдоль стен Хогвартса растут восемь деревьев бузины. Число ягод на соседних деревьях отличается на единицу. Может ли на всех деревьях быть суммарно 179 ягод?
  - **2.** Существуют ли такие натуральные числа a и b, что ab(a+b)=1100101011101101?
- **3.** Не применяя заклинание вычисления суммы, выясните, четно ли число  $1^2 + 2^2 + 3^2 + ... + 2019^2$ .
- **4.** Клювокрыл прыгает вдоль прямой, сначала на 1 м, потом на 3 м, потом на 5 м, потом на 7 м. Каждый раз Клювокрыл прыгает влево или вправо. Мог ли он после 1037 прыжков оказаться на том месте, откуда начал?
- **5.** Поле для шахмат размером 19 × 19 разбито на прямоугольники по линиям сетки. Докажите, что найдётся прямоугольник, у которого обе стороны чётные.

### Математический кружок МЦНМО, 5-6 класс • 29.11.2019

## Четность.

- 1. Вдоль стен Хогвартса растут восемь деревьев бузины. Число ягод на соседних деревьях отличается на единицу. Может ли на всех деревьях быть суммарно 179 ягод?
  - **2.** Существуют ли такие натуральные числа a и b, что ab(a+b)=1100101011101101?
- **3.** Не применяя заклинание вычисления суммы, выясните, четно ли число  $1^2 + 2^2 + 3^2 + ... + 2019^2$ .
- **4.** Клювокрыл прыгает вдоль прямой, сначала на 1 м, потом на 3 м, потом на 5 м, потом на 7 м. Каждый раз Клювокрыл прыгает влево или вправо. Мог ли он после 1037 прыжков оказаться на том месте, откуда начал?
- **5.** Поле для шахмат размером  $19 \times 19$  разбито на прямоугольники по линиям сетки. Докажите, что найдётся прямоугольник, у которого обе стороны чётные.

# Четность.

- 1. Вдоль стен Хогвартса растут восемь деревьев бузины. Число ягод на соседних деревьях отличается на единицу. Может ли на всех деревьях быть суммарно 179 ягод?
  - **2.** Существуют ли такие натуральные числа a и b, что ab(a+b)=1100101011101101?
- **3.** Не применяя заклинание вычисления суммы, выясните, четно ли число  $1^2 + 2^2 + 3^2 + ... + 2019^2$ .
- **4.** Клювокрыл прыгает вдоль прямой, сначала на 1 м, потом на 3 м, потом на 5 м, потом на 7 м. Каждый раз Клювокрыл прыгает влево или вправо. Мог ли он после 1037 прыжков оказаться на том месте, откуда начал?
- **5.** Поле для шахмат размером 19 × 19 разбито на прямоугольники по линиям сетки. Докажите, что найдётся прямоугольник, у которого обе стороны чётные.

### Математический кружок МЦНМО, 5-6 класс • 29.11.2019

## Четность.

- 1. Вдоль стен Хогвартса растут восемь деревьев бузины. Число ягод на соседних деревьях отличается на единицу. Может ли на всех деревьях быть суммарно 179 ягод?
  - **2.** Существуют ли такие натуральные числа a и b, что ab(a+b)=1100101011101101?
- **3.** Не применяя заклинание вычисления суммы, выясните, четно ли число  $1^2 + 2^2 + 3^2 + ... + 2019^2$ .
- **4.** Клювокрыл прыгает вдоль прямой, сначала на 1 м, потом на 3 м, потом на 5 м, потом на 7 м. Каждый раз Клювокрыл прыгает влево или вправо. Мог ли он после 1037 прыжков оказаться на том месте, откуда начал?
- **5.** Поле для шахмат размером  $19 \times 19$  разбито на прямоугольники по линиям сетки. Докажите, что найдётся прямоугольник, у которого обе стороны чётные.