

Подсчёт двумя способами

Задача 61. У многогранника 20 граней и все они треугольные. Сколько у него рёбер?

Задача 62. Две команды сыграли друг с другом серию из 12 футбольных матчей. Оказалось, что каждая из команд набрала при этом по 17 очков (за победу дается 3 очка, за ничью 1 очко, за поражение 0 очков). Сколько из матчей закончились ничьей?

Задача 63. Василий расставил по рёбрам куба числа от 1 до 12. А затем в каждой вершине написал сумму трёх чисел, написанных на входящих в вершину рёбрах. Могут ли все 8 чисел в вершинах оказаться одинаковыми?

Задача 64. Футбольный мяч сшит из 32 лоскутов: белых шестиугольников и чёрных пятиугольников. Каждый чёрный лоскут граничит только с белыми, а каждый белый — с 3 чёрными и 3 белыми. Сколько лоскутов белого цвета?

Задача 65. Прямоугольник разрезали шестью вертикальными и шестью горизонтальными разрезами на 49 прямоугольников. Оказалось, что периметр каждого из получившихся прямоугольников — целое число метров. Обязательно ли периметр исходного прямоугольника — целое число метров?

Задача 66. На клетчатой бумаге нарисован выпуклый многоугольник M , причем все его вершины находятся в вершинах клеток и ни одна из его сторон не идёт по вертикали или горизонтали. Докажите, что сумма длин вертикальных отрезков линий сетки, заключённых внутри M , равна сумме длин горизонтальных отрезков линий сетки внутри.

