

## ОТЧТ ЗА 2008 ГОД.

### 1. РЕЗУЛЬТАТЫ

В 2008 году мною были получены следующие результаты:

В простейшем случае ранга один и рода ноль построено явное описание пространства формальных потенциалов Громова-Виттена. В качестве основного средства использовалось действие бесконечномерной симплектической группы Гивенталя. Построено явное отождествление пространства формальных потенциалов и нижнетреугольной подгруппы в группе Гивенталя (по модулю уравнения струны).

Для произвольной аффинной алгебры Ли изучена абеланизация её базисного (вакуумного) представления. Соответствующее пространство строится как присоединённое градуированное относительно фильтрации Пуанкаре-Биркгоффа-Витта. Найдено описание в терминах образующих и соотношений. Ответ сформулирован в терминах соотношений, приходящих из теории вертекс-операторных алгебр. Также изучена связь ПБВ градуированных пространств с модулями Демазюра и представлениями торoidalных алгебр токов.

Совместно с Б.Фейгином, Е.Мухиным, Т.Мива и М.Джимбо найдены фермионные формулы для собственных функций конечно-разностного гамильтониана Тода для классических простых алгебр Ли. Установлена связь между комбинаторикой фермионных формул, уравнениями Тода и теорией представлений квантовых групп. В частности показано, что центральный элемент Дринфельда квантовой группы позволяет получить фермионное уравнение на скалярное произведение двух векторов Уитэккера.

### 2. ПУБЛИКАЦИИ

Е. Б. Фейгин,  
*Бозонные формулы для аффинных функций ветвления,*  
Фунд. анализ и его прил., 2008, 42:1, 63-77.

Evgeny Feigin,  
*The PBW filtration, Demazure modules and toroidal current algebras,*  
SIGMA 4 (2008), 070, 21 pages.

B. Feigin, E. Feigin, M. Jimbo, T. Miwa, and Y. Takeyama,  
*A  $\phi_{1,3}$ -Filtration of the Virasoro Minimal Series  $M(p, p')$  with  $1 < p'/p < 2$ ,*  
Publ. Res. Inst. Math. Sci., Volume 44, Number 2 (2008), 213-257.

### 3. ПРЕПРИНТЫ

E. Feigin,  
 *$N = 1$  formal genus 0 Gromov-Witten theories and Givental's formalism,*  
arXiv:0803.3554

B. Feigin, E. Feigin, M. Jimbo, T. Miwa, and E. Mukhin,  
*Fermionic formulas for eigenfunctions of the difference Toda Hamiltonian*,  
arxiv:0812.2306

#### 4. КОНФЕРЕНЦИИ

The Geometric Langlands Program,  
Leiden, Holland, 7 Jul 2008 - 11 Jul 2008.

Noncommutative Geometry Conference,  
Bonn, Germany, July 28 - August 1, 2008.

Geometry and Integrability in Mathematical Physics,  
Marseille, France, September 15 - 19th, 2008.