

# Отчет по гранту фонда «Династия» за 2013 г.

А. В. Акопян

Основные исследования проводимые в этом году еще не приняли завершенной формы. Поэтому я перечислю, какими исследованиями я занимаюсь в данный момент:

1) Совместно с А. Бобенко занимаюсь построением дискретных поверхностей аналогичных известным непрерывным поверхностям.

2) Совместно с А. Плаховым исследуются задачи о нахождении тел с «минимальным сопротивлением».

3) Совместно с Р. Н. Карасевым исследуются задачи типа Банга о покрытии выпуклых тел.

Из того, что вышло в этом году. В работе [1] исследовались комбинаторные аналоги теоремы Юнга. Были доказаны «дробные» и «раскрашенные» версии этой теоремы.

**Теорема 1** (Дробная версия теоремы Юнга). *Существует  $\beta > 0$  зависящее только от  $\alpha > 0$  и  $d$  обладающее следующим свойством. Для любого набора  $\mathcal{V}$ , состоящего из  $n$  точек в  $\mathbb{R}^d$  такого, что среди  $C_n^2$  отрезков с концами в этих точках,  $\alpha C_n^2$  имеет длину не превосходящую 1, найдется шар радиуса  $R_d = \sqrt{\frac{d}{2(d+1)}}$ , покрывающий хотя бы  $\beta n$  точек. И  $\beta$  стремится к 1, при  $\alpha$  стремящимся к 1.*

**Теорема 2** (Раскрашенная версия теоремы Юнга). *Если в пространстве  $\mathbb{R}^d$  задано семейство из  $n > 1$  множеств  $\mathcal{V}_1, \mathcal{V}_2, \dots, \mathcal{V}_n$ , таких, что расстояние между любыми двумя точками из различных множеств не больше 1, то одно из множеств можно покрыть кругом радиуса  $R$ , где*

$$R = \frac{1}{\sqrt{2}} \text{ если } n \leq d;$$
$$R = \sqrt{\frac{d}{2(d+1)}} = R_d \text{ если } n > d.$$

*Причем оценка на  $R$  является точной.*

В работе [4] разрабатывается подход к теореме Радона, как к теореме о максимизации объема некоторого симплекса. Так приведено новое доказательство этой теоремы, а также дается несколько новых доказательств и обобщений теорем, полученных ранее М. Лассакком. Приведем одно из утверждений доказанное в этой статье:

**Теорема 3.** *Для призмы  $Q$  с вектором  $\vec{v}$  задающим сдвиг между её основаниями, любой симплекс максимального объема  $\Delta \subset Q$  содержит две точки  $y_1$  и  $y_2$  такие, что  $\overrightarrow{y_1 y_2} = \vec{v}$  и эта пара точек единственная для этого симплекса.*

## Преподавательская деятельность

Участвовал в качестве жюри в различных математических турнирах и олимпиадах для школьников. Прочитал несколько лекций.

Написал две научно-популярные статьи [2] и [3].

## Участвовал с докладами на конференциях

- A.V. Akopyan. Cutting the same fraction on several measures. *“Discrete Geometry and Dynamical Systems”*, Kyoto, Japan. 22-25 January 2013.
- A.V. Akopyan. On the Euler line in polytopes. *“Geometry, Topology, and Applications”*, Yaroslavl, Russia, September 23-27, 2013.

## Опубликованные работы

- [1] A. Akopyan, Combinatorial Generalizations of Jung’s Theorem. *Discrete & Computational Geometry*, 49(3):478-484, 2013.
- [2] А. В. Акопян. Окружности Вилларсо и расслоение Хопфа. *Квант*, 5-6, 2013.
- [3] А. В. Акопян и О. Р. Мусин. О множествах с двумя расстояниями. *Математическое просвещение. Третья Серия.*, 17:136–151, 2013.
- [4] A. V. Akopyan and A. A. Glazyrin. On maximum volume simplices in polytopes. *Periodica Mathematica Hungarica*, Accepted.

*Упомянулись в отчете прошлого года:*

- [5] A. Akopyan and R. Karasev. Inscribing a regular octahedron into polytopes. *Discrete Mathematics*, 313(1):122 – 128, 2013.
- [6] A. V. Akopyan and R. N. Karasev. Cutting the same fraction of several measures. *Discrete & Computational Geometry*, 49(2):402–410, 2013.