

ПРИМЕРНАЯ ПРОГРАММА КУРСА

Звездочкой отмечены вопросы, на которые, скорее всего, не хватит времени.

1) Зачем нужна топология.

Примеры топологических утверждений: теорема Брауэра в размерностях 1 и 2, основная теорема алгебры, теорема о причесывании ежа.

2) Что такое непрерывность

Топологическое пространство и непрерывное отображение. Гомеоморфизм. Связные пространства, связность отрезка, линейная связность.

3) Топологические пространства.

Метрическое пространство. Топология подмножества. Фактор-топология. Прямое произведение. Склейка пространств, джойн и тому подобное.

4) Гомотопии, гомеоморфизм и гомотопическая эквивалентность.

Категория топологических пространств. Гомотопическая категория. Гомотопическая инвариантность связности и линейной связности.

5) Компактность.

Понятие компакта. Поведение компактов при отображениях, двойственность “замкнутый-компактный”.

6) Фундаментальная группа

Фундаментальный группоид и фундаментальная группа. Поведение при отображениях. $\pi_1(S^1)$. *Теорема Ван Кампена.

7) Накрытия.

Категория накрытий. Теорема о накрывающей гомотопии. Соответствие между накрытиями с данной базой и подгруппами фундаментальной группы базы. *Группа узла.

8) Высшие гомотопические группы.

Вычисление $\pi_k(S^n)$ при всех $k \leq n$. Степень отображения, индекс пересечения, коэффициент зацепления.
*Вычисление $\pi_3(S^2)$.

Предполагается продолжение курса, в которое войдут такие вопросы как гомологии, расслоения и основы топологии многообразий.

КНИГИ ПО ТОПОЛОГИИ

Мы не следуем никакому конкретному учебнику; тем не менее, полезно будет ознакомиться с такими книгами:

1) В.А. Васильев, Введение в топологию.

Расширенные записки курса НМУ 1990-х годов. Наилучшее приближение к “стандартному учебнику по курсу”. Книга, помимо прочего, содержит список литературы, который рекомендуется внимательно прочитать.

2) О.Я. Виро, О.Ф. Иванов, Н.Ю. Нецеваев, В.М. Харламов, Элементарная топология.

Топология в задачах; очень подробное и тщательное изложение материала до фундаментальной группы включительно.

3) А.Т. Фоменко, Д.Б. Фукс, Курс гомотопической топологии.

Классический учебник, по объему значительно превышает курс (даже двухсеместровый).

4) А. Хатчер, Алгебраическая топология.

5) А.Б. Скопенков, Алгебраическая топология с геометрической точки зрения.