## Листок 3. 1 марта 2017

- $3a\partial aua$  1. Доказать, что если целая функция f удовлетворяет при некотором R>0 неравенству  $|f(z)| \leq M|z|^n$  при всех |z|>R, то она является многочленом.
- $3a\partial aua$  2. Любую ли непрерывную комплекснозначную функцию на окружности  $\{z\bar{z}=1\}$  можно равномерно приблизить многочленом?
- 3adaчa 3. Рассмотрим многочлен степени n со старшим коэффициентом равным единице. Докажите, что максимум его модуля по кругу радиуса 1 не меньше единицы. Когда он равен единице?
- $\it 3adaчa$  4. Верно ли, что функция tg ограничена вне  $\it \epsilon$ -окрестности своих полюсов?
- $3a\partial a + a = 5$ . Доказать, что уравнение tgz = z имеет только вещественные решения.
- $\it 3adaчa$ 6. Найти числа невещественных корней уравнений  ${\rm tg}z=1/2z,\,{\rm tg}z=z+1.$
- $3a\partial a$ ча 7. Доказать, что уравнение  $\sin z = z$  имеет бесконечно много решений.