

*Задача 1.* Доказать, что если целая функция  $f$  удовлетворяет при некотором  $R > 0$  неравенству  $|f(z)| \leq M|z|^n$  при всех  $|z| > R$ , то она является многочленом.

*Задача 2.* Любую ли непрерывную комплекснозначную функцию на окружности  $\{z\bar{z} = 1\}$  можно равномерно приблизить многочленом?

*Задача 3.* Рассмотрим многочлен степени  $n$  со старшим коэффициентом равным единице. Докажите, что максимум его модуля по кругу радиуса 1 не меньше единицы. Когда он равен единице?

*Задача 4.* Верно ли, что функция  $\operatorname{tg}$  ограничена вне  $\varepsilon$ -окрестности своих полюсов?

*Задача 5.* Доказать, что уравнение  $\operatorname{tg} z = z$  имеет только вещественные решения.

*Задача 6.* Найти числа невещественных корней уравнений  $\operatorname{tg} z = 1/2z$ ,  $\operatorname{tg} z = z + 1$ .

*Задача 7.* Доказать, что уравнение  $\sin z = z$  имеет бесконечно много решений.