

Преобразования графиков-5

Функция $y = \sqrt{x}$ и ее график.

1. а) Найдите область определения и область значений функции $y = \sqrt{x}$. Докажите, что она возрастает на всей области определения. Есть ли у нее асимптота?
б) Постройте график функции $y = \sqrt{x}$.
2. Постройте графики функций:
а) $y = |\sqrt{x}-2|$; б) $y = \sqrt{|x|-2}$; в) $y = \sqrt{|x-2|}$; г) $y = \sqrt{2-x}$; д) $y = -\sqrt{x+2}$.
3. Постройте графики функций:
а) $y = \frac{\sqrt{x^2}}{x}$; б) $y = |2 - \sqrt{x^2 - 6x + 9}|$; в)* $y = \frac{\sqrt{2x-1}}{\sqrt{8x^3-12x^2+6x-1}}$.

Растяжения и сжатия вдоль осей

4. Постройте графики функций: а) $y = 2\sqrt{x}$; б) $y = \sqrt{2x}$; в) $y = \sqrt{-2x}$; г)* $y = (2x-6)\sqrt{\frac{1}{3-x}}$.

Теорема 7. График функции $y = k \cdot f(x)$, где $k > 0$, получается из графика функции $y = f(x)$ растяжением (сжатием) от оси Ox в k раз.

Замечание. Если $k < 0$, то график функции $y = k \cdot f(x)$ получается из графика функции $y = f(x)$ отражением относительно оси Ox и растяжением от оси Ox в $|k|$ раз.

Теорема 8. График функции $y = f(kx)$, где $k > 0$, получается из графика функции $y = f(x)$ сжатием (растяжением) к оси Oy в k раз.

Замечание. Если $k < 0$, то график функции $y = f(kx)$ получается из графика функции $y = f(x)$ отражением относительно оси Oy и сжатием к оси Oy в $|k|$ раз.

5. Почему график $y = k \cdot f(x)$ получают растяжением от оси Ox , а график $y = f(kx)$ – сжатием к оси Oy ? Ну неравноправны оси, и всё тут!!! Не так ли?
6. Задайте формулой функцию, график которой получится, если график функции $y = \sqrt{x}$:
а) отразить симметрично относительно оси Oy , потом сжать к оси Oy в 4 раза, а затем сдвинуть вправо на 3;
б) сжать к оси Oy в 4 раза, потом отразить симметрично относительно оси Oy , а затем сдвинуть вправо на 3;
в) отразить симметрично относительно оси Oy , потом сдвинуть вправо на 3, а затем сжать к оси Oy в 4 раза;
г) растянуть от оси Ox в 4 раза, а затем сдвинуть вверх на 3;
д) сдвинуть вверх на 3, затем растянуть от оси Ox в 4 раза.

7. Постройте графики функций: а) $y = -\sqrt{1 + \frac{x}{2}}$; б) $y = [3 - 2x]$; в) $y = |4\{\frac{1}{4}x\} - 2|$.
8. На доске изображен график функции $y = f(x)$. Постройте графики функций:

а) $y = f(\frac{1}{2}x)$; б) $y = f(3x)$; в) $y = 3f(3x)$; г) $y = f(\frac{x}{2} + \frac{1}{2})$.

9. На доске изображен график функции $y = f(x)$. Постройте графики функций:
а) $y = f(1-2x)$; б) $y = |f(2|x|-1)|$; в) $y = |f(2|x-2|-1)|$; г) $y = -3f(1-2x)$.
10. Задайте формулой функцию, график которой нарисован на доске.

11. * Приведите пример такого положительного a , что $\{a\} + \{\frac{1}{a}\} = 1$.

Домашнее задание

12. Постройте графики функций: а) $y = |2\{x\} - 1|$; б) $y = [-\frac{x}{3}]$.
13. Постройте графики функций:
а) $y = \sqrt{3x-6}$; б) $y = 3\sqrt{x-6}$; в) $y = 3\sqrt{|x|-6}$; г) $y = \sqrt{|x-6|}$.
14. Постройте графики функций:
а) $y = \sqrt{\frac{\sqrt{x^2}}{2} - 2}$; б) $y = \sqrt{x^2 - 2x + 1} - \sqrt{x^2 + 2x + 1}$; в) $y = 3 - \frac{6}{\sqrt{x^2+8x+16}}$.