

**Геометрия, 8 "А", 10 ноября, задачи на урок.**

- 1) На стороне  $BC$  ромба  $ABCD$  выбрана точка  $Y$  так, что  $BY = 15$  и  $CY = 3$ . Прямые  $CD$  и  $AY$  пересекаются в точке  $Z$ . Найдите  $DZ$ .
- 2) Боковые стороны  $AB = 36$  и  $CD = 28$  трапеции  $ABCD$  продолжены до пересечения в точке  $E$ . Найдите периметр треугольника  $AED$ , если  $AD = 32$  и  $BC = 24$ .
- 3) На сторонах  $AB$  и  $BC$  параллелограмма  $ABCD$  взяты точки  $M$  и  $N$  так, что  $AM : MB = CN : NB = 14 : 15$ . В каком отношении отрезок  $MN$  поделит диагональ  $BD$  параллелограмма?
- 4) В треугольнике  $ABC$   $AB = 14$  и  $BC = 18$ . На продолжении стороны  $AB$  за точку  $B$  отметили точку  $E$  так, что  $BE = 5$ . Пусть  $M$  — середина  $AC$ , а отрезки  $BC$  и  $ME$  пересекаются в точке  $K$ . Найдите  $CK$ .
- 5) Основания трапеции равны  $a$  и  $b$ . Отрезок, параллельный основаниям, с концами на боковых сторонах делится диагоналями трапеции на три равные части. Найдите его длину.
- 6) На сторонах  $AB$  и  $BC$  треугольника  $ABC$  взяты соответственно точки  $P$  и  $Q$ . Отрезки  $CP$  и  $AQ$  пересекаются в точке  $T$ . Известно, что  $AT : TQ = 3 : 1$  и  $PT : TC = 2 : 1$ . Найдите  $BQ : QC$ .

**Геометрия, 8 "А", 10 ноября, домашнее задание.**

- 1) Докажите, что средняя линия треугольника делит пополам любой отрезок, соединяющий вершину с точкой на основании.
- 2) Точка  $M$  середина стороны  $AB$  треугольника  $ABC$ , а точка  $N$  на стороне  $AC$  такова, что  $CN = 3 \cdot AN$ . Известно, что  $CM = 2 \cdot MN$ . Докажите, что треугольник  $ABC$  равнобедренный.
- 3)  $ABCD$  — трапеция,  $AD = 43$  и  $BC = 15$  — основания. Точка  $M$  — середина  $CD$ . Отрезки  $AM$  и  $BD$  пересекаются в точке  $F$ . В каком отношении  $F$  делит  $AM$  и в каком  $BD$ ?
- 4) В трапеции с основаниями  $AD$  и  $BC$  диагонали  $AC = 5$  и  $BD = 7$  пересекаются в точке  $O$ . Известно, что треугольник  $OCD$  равносторонний. Найдите его сторону.
- 5) (Продолжение.) Боковые стороны трапеции продлили до пересечения в точке  $E$ . Найдите  $CE$ .
- 6) На сторонах  $AB$ ,  $BC$ ,  $AC$  треугольника  $ABC$  произвольно отметили точки  $C_1$ ,  $A_1$  и  $B_1$  соответственно. Могут ли середины отрезков  $AA_1$ ,  $BB_1$  и  $CC_1$  лежать на одной прямой?