

Программа зачета

4.02.12

1. Докажите формулу Герона для площади треугольника: $S = \sqrt{p(p-a)(p-b)(p-c)}$, где p – полупериметр, а a, b, c – стороны треугольника.
2. Синус, косинус, тангенс, котангенс. Определения, свойства (сумма квадратов синуса и косинуса, тригонометрические функции тупых углов).
3. $\sin(90^\circ + \alpha) = \cos \alpha$, $\cos(90^\circ + \alpha) = -\sin \alpha$.
4. Тригонометрические функции углов 30° , 45° , 60° (с объяснением).
5. Большее основание равнобокой трапеции равно a , меньшее – b , а боковая сторона – c . Найдите высоту, диагональ и площадь этой трапеции.
6. Через точки A и B , принадлежащие окружности, проведены касательные, пересекающиеся в точке M . $\angle AMB = \alpha$, $AB = a$. Найдите радиус окружности.
7. Теорема косинусов: пусть a, b, c – стороны треугольника и $\angle \alpha$ – противолежащий стороне a угол. Тогда $a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos \alpha$.
8. Докажите, что площадь треугольника ABC можно вычислить как $\frac{1}{2}AB \cdot BC \cdot \sin \angle ABC$. Как аналогично выразить площади параллелограмма?
9. Пусть m и n – диагонали четырехугольника, φ – угол между ними. Докажите, что площадь четырёхугольника равна $S = \frac{1}{2}mn \sin \varphi$.

Программа зачета

4.02.12

1. Докажите формулу Герона для площади треугольника: $S = \sqrt{p(p-a)(p-b)(p-c)}$, где p – полупериметр, а a, b, c – стороны треугольника.
2. Синус, косинус, тангенс, котангенс. Определения, свойства (сумма квадратов синуса и косинуса, тригонометрические функции тупых углов).
3. $\sin(90^\circ + \alpha) = \cos \alpha$, $\cos(90^\circ + \alpha) = -\sin \alpha$.
4. Тригонометрические функции углов 30° , 45° , 60° (с объяснением).
5. Большее основание равнобокой трапеции равно a , меньшее – b , а боковая сторона – c . Найдите высоту, диагональ и площадь этой трапеции.
6. Через точки A и B , принадлежащие окружности, проведены касательные, пересекающиеся в точке M . $\angle AMB = \alpha$, $AB = a$. Найдите радиус окружности.
7. Теорема косинусов: пусть a, b, c – стороны треугольника и $\angle \alpha$ – противолежащий стороне a угол. Тогда $a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos \alpha$.
8. Докажите, что площадь треугольника ABC можно вычислить как $\frac{1}{2}AB \cdot BC \cdot \sin \angle ABC$. Как аналогично выразить площади параллелограмма?
9. Пусть m и n – диагонали четырехугольника, φ – угол между ними. Докажите, что площадь четырёхугольника равна $S = \frac{1}{2}mn \sin \varphi$.

Программа зачета

4.02.12

1. Докажите формулу Герона для площади треугольника: $S = \sqrt{p(p-a)(p-b)(p-c)}$, где p – полупериметр, а a, b, c – стороны треугольника.
2. Синус, косинус, тангенс, котангенс. Определения, свойства (сумма квадратов синуса и косинуса, тригонометрические функции тупых углов).
3. $\sin(90^\circ + \alpha) = \cos \alpha$, $\cos(90^\circ + \alpha) = -\sin \alpha$.
4. Тригонометрические функции углов 30° , 45° , 60° (с объяснением).
5. Большее основание равнобокой трапеции равно a , меньшее – b , а боковая сторона – c . Найдите высоту, диагональ и площадь этой трапеции.
6. Через точки A и B , принадлежащие окружности, проведены касательные, пересекающиеся в точке M . $\angle AMB = \alpha$, $AB = a$. Найдите радиус окружности.
7. Теорема косинусов: пусть a, b, c – стороны треугольника и $\angle \alpha$ – противолежащий стороне a угол. Тогда $a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos \alpha$.
8. Докажите, что площадь треугольника ABC можно вычислить как $\frac{1}{2}AB \cdot BC \cdot \sin \angle ABC$. Как аналогично выразить площади параллелограмма?
9. Пусть m и n – диагонали четырехугольника, φ – угол между ними. Докажите, что площадь четырёхугольника равна $S = \frac{1}{2}mn \sin \varphi$.