

**Дополнительные задачи**

8. Квадрат  $100 \times 100$  разрезан на доминошки. Докажите, что какие-то две доминошки образуют квадратик  $2 \times 2$ .

9. Докажите, что уравнение  $1/a + 1/b + 1/c + 1/d + 1/e + 1/f = 1$  не имеет решений в нечетных натуральных числах.

10. Максим Амирьянович хочет поставить на доску  $n$  ладей, а после этого ставить новые ладьи только если очередная угрожает не менее двум уже стоящим. При каком наименьшем  $n$  Максим Амирьянович сможет такими операциями заполнить всю доску ладьями?

11. В треугольнике  $ABC$  точка  $D$  — середина стороны  $BC$ , точка  $E$  — середина  $AD$ , причем  $BE = BD$ . Прямая  $CE$  пересекает сторону  $AB$  в точке  $K$ . Докажите, что  $AK = EK$ .

---

*Материалы, а также полезная информация есть на сайте:*

<http://www.mccme.ru/s43/math/>

**Дополнительные задачи**

8. Квадрат  $100 \times 100$  разрезан на доминошки. Докажите, что какие-то две доминошки образуют квадратик  $2 \times 2$ .

9. Докажите, что уравнение  $1/a + 1/b + 1/c + 1/d + 1/e + 1/f = 1$  не имеет решений в нечетных натуральных числах.

10. Максим Амирьянович хочет поставить на доску  $n$  ладей, а после этого ставить новые ладьи только если очередная угрожает не менее двум уже стоящим. При каком наименьшем  $n$  Максим Амирьянович сможет такими операциями заполнить всю доску ладьями?

11. В треугольнике  $ABC$  точка  $D$  — середина стороны  $BC$ , точка  $E$  — середина  $AD$ , причем  $BE = BD$ . Прямая  $CE$  пересекает сторону  $AB$  в точке  $K$ . Докажите, что  $AK = EK$ .

---

*Материалы, а также полезная информация есть на сайте:*

<http://www.mccme.ru/s43/math/>